

Anmerkungen zu den Videos der Vorlesung 13

Elementare unipotente Gruppen II: Charakterisierung der elementaren unipotenten Gruppen (Struktursatz)

Tafel 1 (12:06 - 178,2 MB)

Zeit	Gegenstand	problematischer Text -> Korrektur
3:01	letzte Zeile	$\mathcal{A}(G)$ ist ein endlich erzeugt $R(k)$ -Modul ->
6:15	Ende der vorletzten Zeile	$\mathcal{A}(G)$ ist ein endlich <u>erzeugter</u> $R(k)$ -Modul ... abelschen p -Gruppe -> ... elementaren abelschen p -Gruppe.

Tafel 2 (15:19 - 250,5 MB)

Zeit	Gegenstand	problematischer Text -> Korrektur
2:44	gesprochener Satz	... also - weil die Charakteristik p ist, elementar unipotent
- 2:51		-> ... also - weil die Charakteristik $p = 0$ ist, elementar unipotent
13:17	letzte Zeile rechts	$F \subseteq k$, G lineare algebraische Gruppe -> $F \subseteq k$, G lineare algebraische F -Gruppe
14:01	gesprochener Satz	Wir setzen zusammenhängend voraus, schlußfolgern das und können dann hier sogar schließen, daß die Geschichte torsionsfrei ist.
- 14:09		-> Wir setzen zusammenhängend voraus, schlußfolgern der Modul ist torsionsfrei und können dann hier sogar schließen, daß er frei ist.

Tafel 3 (24:11 - 414,5 MB)

Zeit	Gegenstand	problematischer Text -> Korrektur
22:53	letzte Zeile rechts	Fehler !!! <u>Die Inklusion $k \subseteq \mathcal{A}(G)$ besteht nicht und $\mathcal{A}(G)$ ist von k verschieden:</u> Jede Additive Funktion $f: G = \{e\} \rightarrow k$ ist ein Homomorphismus der multiplikativen Gruppe G mit Werten in der additiven Gruppe $k = G_a$. Wegen $e \cdot e = e$ gilt $f(e) + f(e) = f(e),$ also $f(e) = 0$. Weil e das einzige Element von G ist, folgt $f = 0$. Damit gilt $\mathcal{A}(G) = \{0\}.$ Insbesondere ist $\mathcal{A}(G)$ endlich erzeugt. Außerdem wird $k[G] = k$ als k -Algebra von $\mathcal{A}(G)$ erzeugt ($k[G] = k$ ist die

kleinste k -Algebra, welche die Menge $\mathcal{A}(G) = \{0\}$ enthält).

Tafel 4 (22:47 - 387,0 MB)

Zeit	Gegenstand	problematischer Text -> Korrektur
17:38	Ende der letzten Zeile	... die Koordinatenringe <u>von</u> $k[\varphi(G)]$ und $k[\psi(G)]$. -> ... die Koordinatenringe $k[\varphi(G)]$ und $k[\psi(G)]$.

Tafel 5 (23:40 - 392,4 MB)

Zeit	Gegenstand	problematischer Text -> Korrektur
3:41	gesprochener Satz	Um diesen Eintrag zu bekommen, muß ich die erste Zeile mit der ersten Spalte multiplizieren.
-		->
3:48		Um diesen Eintrag zu bekommen, muß ich die erste Zeile mit der letzten Spalte multiplizieren.

Tafel 6 (24:08 - 409,7 MB)

Zeit	Gegenstand	problematischer Text -> Korrektur
20:09	Rechte Hälfte der letzten Zeile	$= \sum_{i=1}^{p-1} (x(a(u^{i+1})) - x(a(u)) - x(a(u^i)))$ $= \sum_{i=1}^{p-1} x(a(u^{i+1})) - (p-1)x(a(u)) - \sum_{i=1}^{p-1} x(a(u^i))$
		->
		$= \sum_{i=1}^{p-1} (x(u^{i+1}) - x(u) - x(a(u^i)))$ $= \sum_{i=1}^{p-1} x(u^{i+1}) - (p-1)x(u) - \sum_{i=1}^{p-1} x(u^i)$
23:26	vorletzte Zeile	$x(a(u^p)) - (p-1) \cdot x(a(u)) = x(a(e)) - p \cdot x(a(u))$ $= x(a(e)) = x_{1m}(0) = 0$
		->
		$x(u^p) - (p-1) \cdot x(u) = x(e) - p \cdot x(u) = x_{1m}(e) = 0$
		denn der Eintrag der Einheitsmatrix e in der Position $(1, m)$ ist gleich Null (wegen $m > 0$).

Tafel 7 (14:51 - 245,3 MB)

Zeit	Gegenstand	problematischer Text -> Korrektur
4:14	letzte Zeile	$= k[a_1, \dots, a_n, x_{1m}] = k[a_1, \dots, a_n, x]$
		->
		$= k[a_1, \dots, a_n, x_{1m}] = k[a_1, \dots, a_n, x]$
		weil alle anderen x_{ij} in $k[a_1, \dots, a_n]$ liegen, denn sie liegen in
		$k[\varphi(G)] \cup k[\psi(G)]$,
		es gilt
		$\mathcal{A}(\varphi(G)) + \mathcal{A}(\psi(G)) \subseteq k[a_1, \dots, a_n]$

und nach Induktionsvoraussetzung erzeugen die
additiven Funktionen auf $\varphi(G)$ und $\psi(G)$ den Koordi-
natenring von $\varphi(G)$ bzw. $\psi(G)$.
